

	:	2019	.
30	03 :		:

	:		
--	---	--	--

--	--	--	--

(6	3	6	1	)	03
----	---	---	---	---	----

	(	13)	:
--	---	-----	---

	(	06)	:
--	---	-----	---

10μg	100mL	.	.
------	-------	---	---

.			
---	--	--	--

	(métabolisme)	.	.
--	---------------	---	---

		.	.
--	--	---	---

.	β ⁻	¹³¹ ₅₃ I	¹²⁷ ₅₃ I
---	----------------	--------------------------------	--------------------------------

.		.	.1
---	--	---	----

.	.	-	.2
---	---	---	----

.			.3
---	--	--	----

.	Z	A	^A _Z Xe	.	.4
---	---	---	------------------------------	---	----

		: t _{1/2} = 8 jours	131
--	--	------------------------------	-----

.	τ		.5
---	---	--	----

(scintigraphie)		¹³¹ ₅₃ I	.6
-----------------	--	--------------------------------	----

.37M Bq	¹³¹ ₅₃ I	(glandes surrénales)	
---------	--------------------------------	----------------------	--

.	¹³¹ ₅₃ I	1g	.
---	--------------------------------	----	---

	¹³¹ ₅₃ I	.	.
--	--------------------------------	---	---

.	A ₁ = 24MBq : t ₁	.	.
---	---	---	---

--	--	--	--

.	(jrs)	t ₁ = τ ln (^{N.m₀} _{τ . M (¹³¹₅₃I). A₁)}	
---	-------	---	--

	:	131	1,00μg	.7
--	---	-----	--------	----

.16jours	8 jours	4jours	131	.
----------	---------	--------	-----	---

.	4jours	131	.
---	--------	-----	---

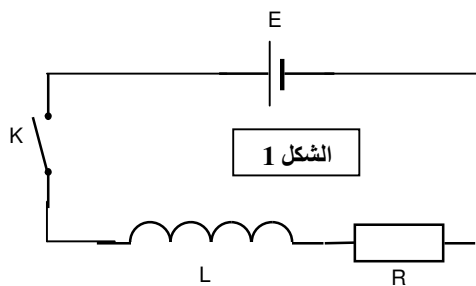
.	131	99%	.
---	-----	-----	---

			:
--	--	--	---

Xe	¹ ₁ P	⁰ ₋₁ e	¹ ₀ n	¹²⁷ ₅₃ I	¹³¹ ₅₃ I	
130.9050	1.00722	5.4858 × 10 ⁻⁴	1.00877	126.9044	130.9061	U

M(¹³¹₅₃I) = 131 g.mol⁻¹ ,
N_A = 6,02 × 10²³ mol⁻¹ ,
1MeV = 1,6 × 10⁻¹³ J ,
1u = 931,5 MeV

(07) :



(1)

$$R = 200\Omega$$

(R)

L

(B)

:

. K

. E

.

.1

$$. u_R \quad u_L$$

E

.2

. 10V

:

$$u_R$$

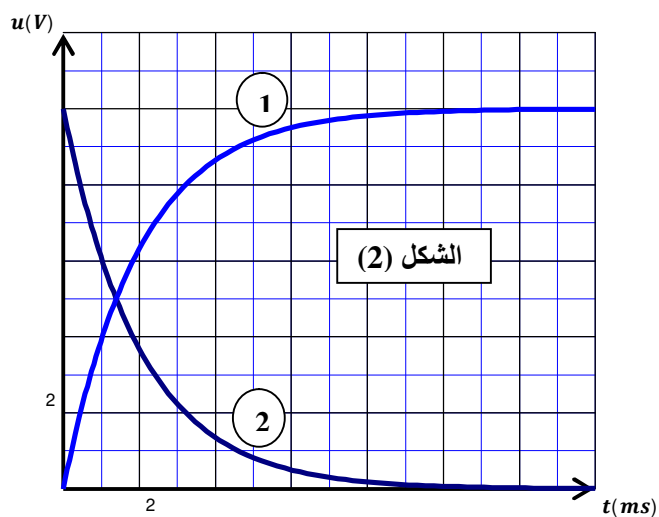
.3

$$\frac{L}{R} \frac{du_R}{dt} + u_R - E = 0$$

 α

$$u_R = E(1 - e^{-\alpha t}) :$$

.4



$$E_L = \frac{1}{2} \frac{L}{R^2} E^2 \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}\right)^2 :$$

. u_L

.5

(2)

.6

. t

 u_R u_L $u_R \quad u_L$ $u_L(t) \quad u_R(t)$

$$. t = \tau \cdot \ln(2) :$$

.

 τ

.

L

.

 I_0

.7

.8

$$. t = \frac{\tau}{2}$$

(07) :

:

 (C_m) $(C_6H_8O_6)$

$$. (C_6H_6O_6 / C_6H_8O_6), (I_2 / I^-), (S_4O_6^{2-} / S_2O_3^{2-}) : (\quad / \quad)$$

$$. (C_6H_8O_6 / C_6H_7O_6^-), (H_2O / HO^-) : (\quad / \quad)$$

:

 I_2

$$V_2 = 20mL$$

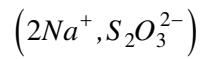
.

$$V_1 = 10mL$$

$$. C_2 = 3,5 \times 10^{-2} mol / L$$

$$V_E = 20 \text{ mL}$$

$$C_3 = 2,5 \times 10^{-2} \text{ mol / L}$$



-1

-2

-3

-4

-5

-6

 (C_m)

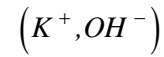
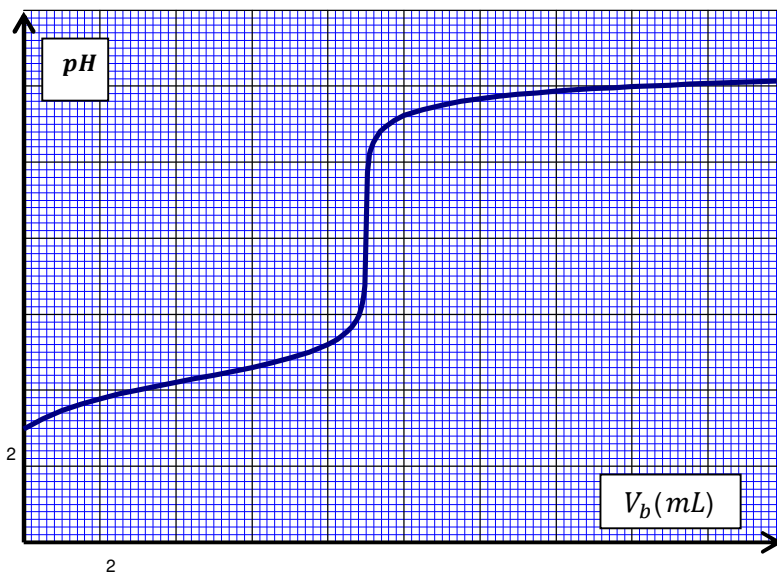
$$pK_a(C_2H_5COOH / C_2H_5COO^-) = 4,9, (C = 12, H = 10 = 16) \text{ g / mol}$$

:

$$V_0$$

pH

$$V_a = 20 \text{ mL}$$



$$C_B = 5 \times 10^{-2} \text{ mol / L}$$

$$pH = f(V_B)$$

-1

-2

-3

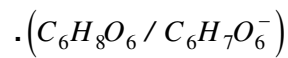
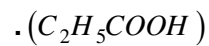
-4

-5

-6

-7

-8


 pK_a
 (C_m)


$$[3, 1-4, 4]$$

:

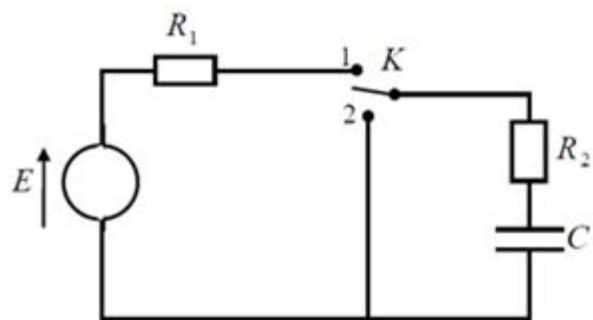
$$[8, 2-10]$$

:

$$[6-7, 6]$$

:

(6 6 6 4) 3



الشكل - 1

(13)

(06) :

(1)

E
 $R_2 \quad R_1 = 75 \text{ k}\Omega$

 C K

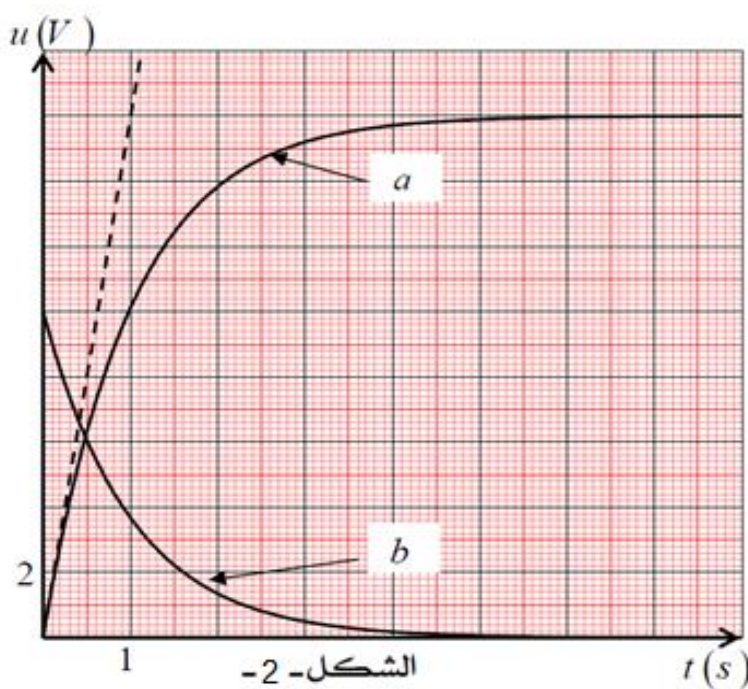
. 1

 K $t = 0$

.1

 U_{R_2}

$$U_{R_2} = k e^{-\beta t}$$

 $\beta \quad k$ U_{R_2} $u_C(t)$ 

الشكل - 2

 $U_{R_2} \quad u_C$

(-2-) .

 $y_1 \quad U_{R_2} \quad y_1$ u_C

E :

 $C \quad R_2$

(2)

$$U_{R_2} = -E e^{-\frac{t}{\tau_2}}$$

 U_{R_2} t_1

$$W_e = 0.32 \text{ J} \quad R_2$$

:(7)

() HCOOH

$$V = 100 \text{ mL}$$

 c_0

$$V_0 = 2 \text{ mL}$$

-I

 c_A (S_A)

$$\sigma = 0.25 \text{ S/m}$$

$$\lambda_{\text{H}_3\text{O}^+} = 35.00 \times 10^{-3} \text{ S} \cdot \text{m}^2 / \text{mol}$$

$$\lambda_{\text{HCOO}^-} = 5.46 \times 10^{-3} \text{ S} \cdot \text{m}^2 / \text{mol} \quad :$$

-1

 $\cdot c_A \quad c_0$

-2

 $\cdot (S_A) \quad pH$

-1

 $\cdot C_0 \quad (S_A)$ τ_f

-2

 $HCOOH$

-II

 $0,2 \text{ mol}$

08 01

 $\cdot C_4H_{10}O$ $(180^\circ C)$ $0,2 \text{ mol}$

08 01

:

 $\cdot (Na^+(aq) + HO^-(aq))$

	01	02	03	04	05	06	07	08
$t \text{ (heure)}$	0	1	2	3	4	5	6	7
$n(\quad) \text{ mol}$	0,200	0,114	0,084	0,074	0,068	0,067	0,067	0,067
$n(\quad) \text{ mol}$								

-1

 $(1 \text{ cm} \rightarrow 1 \text{ h} \quad 1 \text{ cm} \rightarrow 0,01 \text{ mol}) : \quad \cdot n(\quad) = f(t)$

-2

 $\cdot C_4H_{10}O$ $HCOOH$

-3

:

-4

 $\cdot t = 2 \text{ h}$

-

-

.

-

-

-5

 $0,2 \text{ mol}$ $t = 6 \text{ h}$

07

-6

 $(\quad 7)$ $(\quad 7) :$ $m \quad (S)$

:

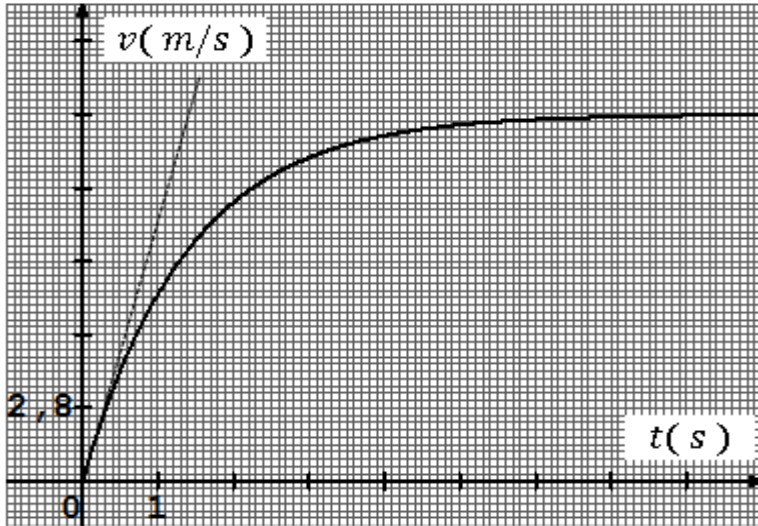
:

-I

0

 $(\quad) \cdot f = Kv :$

3-



الشكل - 3

$$g = 10 \text{ m/s}^2 \quad K = 3.57 \times 10^{-2} \text{ Kg/s}$$

.1

-

.2

-

-

-

.3

$$\frac{dv}{dt} = Av + B$$

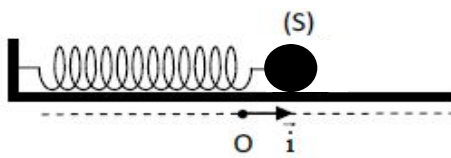
.m

.4

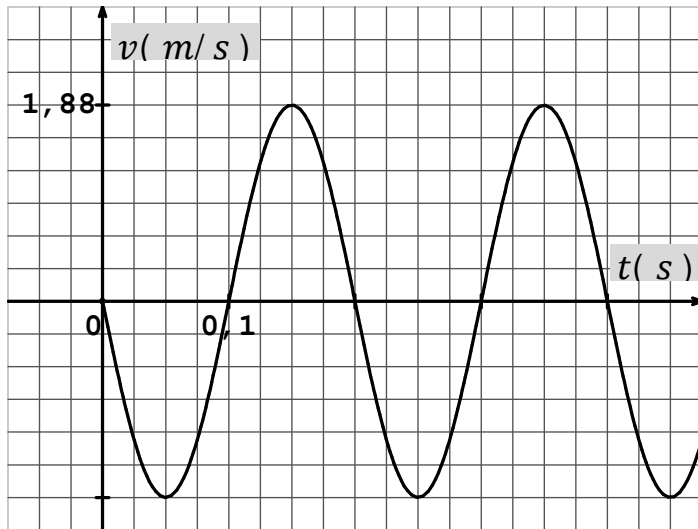
:() (-) :

-II

$$K = 50 \text{ N/m}$$



الشكل - 04



الشكل - 5

$$\pi^2 = 10:$$

.4 -

(+ X_m)

t = 0

t

.(05)

-1

.(x > 0)

-2

-3

.x

-4

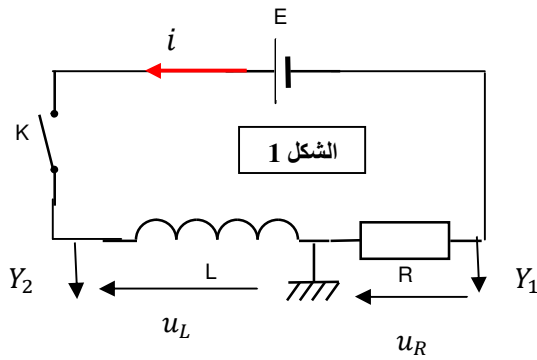
. T₀. ω₀. x_m

. φ

m

-5

0.5	_____ : _____
1	E_l : .1
0.5	$E_l = \Delta m . C^2 = [Zm_p + (A - Z)m_n - m(\frac{A}{Z}X)] . C^2$: .2 $E_l(^{127}_{53}I) = \Delta m . C^2 = [53m_p + (127 - 53)m_n - m(^{127}_{53}I)] . C^2 = 1050.02406MeV$ $E_l(^{131}_{53}I) = \Delta m . C^2 = [53m_p + (131 - 53)m_n - m(^{131}_{53}I)] . C^2 = 1081.11753MeV$
0.5	: .3
0.5	$\frac{E_l(^{127}_{53}I)}{A} = \frac{1050.02406}{127} = 8.2673MeV/ Nucl$ $\frac{E_l(^{131}_{53}I)}{A} = \frac{1050.02406}{131} = 8.2528MeV/ Nucl$
0.5	$^{131}_{53}I \rightarrow ^{131}_{53}I \rightarrow ^{127}_{53}I \rightarrow \frac{E_l(^{127}_{53}I)}{A} > \frac{E_l(^{131}_{53}I)}{A}$
0.5	$^{131}_{53}I \rightarrow ^A_ZXe + ^0_{-1}e$: .4 $\begin{cases} 131 = A + 0 \\ 53 = Z - 1 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} A = 131 \\ Z = 54 \end{cases}$: $\tau = \frac{t_{1/2}}{\ln 2} = 11.54jrs$: .5
0.5	: .6
0.1	$^{131}_{53}I$: $1g$: $A_0 = \lambda N_0 \rightarrow A_0 = \frac{\tau . m_0 . N_A}{M}$
0.25	$A = \frac{m . N_A}{\tau . M} = \frac{1 \times 6,02 \times 10^{23}}{11.54 \times 24 \times 3600 \times 131} = 4,6 \times 10^{15}Bq$
0.5	$m = \frac{A . \tau . M}{N_A} = \frac{37 \times 10^6 \times 11,54 \times 24 \times 3600 \times 131}{6,02 \times 10^{23}} = 8.02 \times 10^{-9}g$
0.5	$A_1 = A_0 e^{-t_1/\tau} \rightarrow \frac{A_1}{A_0} = e^{-t_1/\tau} \rightarrow \ln\left(\frac{A_0}{A_1}\right) = \frac{t_1}{\tau} \rightarrow t_1 = \tau . \ln\left(\frac{\lambda . N_0}{A_1}\right) = \tau . \ln\left(\frac{m_0 . N_A}{\tau . A_1 . M}\right)$: $t_1 = 11.54 \times \ln\left(\frac{8 \times 10^{-24} \times 6.02 \times 10^{23}}{11.54 \times 24 \times 3600 \times 24 \times 10^{-9} \times 131}\right) = 4.99jrs$: .7
0.5	$m(t) = m_0 e^{-t/\tau}$: $m(t_1 = 4jrs) = 8 \times 10^{-9} e^{-\frac{4}{11.54}} = 6 \times 10^{-9}g$ ✓ $m(t_2 = 8jrs) = 8 \times 10^{-9} e^{-\frac{8}{11.54}} = 4 \times 10^{-9}g$ ✓ $m(t_3 = 16jrs) = 8 \times 10^{-9} e^{-\frac{16}{11.54}} = 2 \times 10^{-9}g$ ✓
0.25	$N_1 = \frac{m_1 . N_A}{M} = \frac{6 \times 10^{-9} \times 6.02 \times 10^{23}}{131} = 2.75 \times 10^{13}Nyox$: 99% :
0.25	$(t) = m_0 e^{-t/\tau} \rightarrow 0.01m_0 = m_0 e^{-t/\tau} \rightarrow t = -\tau . \ln(0.01) = 53.14jrs$



0.5

0.5

0.5

0.5

0.5

01

0.5

0.5

01

01

:

:

: E

$$E = u_L + u_R$$

$$E = u_L(0) + u_R(0) : t=0$$

$$u_1(0) + u_2(0) = 10V \rightarrow E = 10V :$$

$$\frac{L}{R} \frac{du_R}{dt} + u_R = E : .3$$

$$u_L + u_R = E \rightarrow$$

$$L \frac{di}{dt} + u_R = E \rightarrow \frac{L}{R} \frac{du_R}{dt} + u_R = E : \alpha .4$$

$$u_R = E(1 - e^{-\alpha t}) \rightarrow \frac{du_R}{dt} = \alpha E e^{-\alpha t} :$$

$$\frac{L}{R} \cdot \alpha E e^{-\alpha t} + E - E e^{-\alpha t} = E \rightarrow E e^{-\alpha t} \left(\frac{L}{R} \alpha - 1 \right) = 0 :$$

$$\rightarrow \alpha = \frac{R}{L}$$

$$u_L = L \frac{di}{dt} : u_L .5$$

$$i = \frac{u_R}{R} = \frac{E}{R} (1 - e^{-Rt/L}) \rightarrow \frac{di}{dt} = \frac{E}{L} e^{-\frac{Rt}{L}}$$

$$u_L = L \frac{di}{dt} = E \cdot e^{-\frac{Rt}{L}} : .6$$

:

$$u_R(0) = 0 : u_R (1) \checkmark$$

$$u_L(0) = E : u_L (2) \checkmark$$

$$t = \tau \cdot \ln 2$$

$$u_L = u_R \rightarrow E \cdot e^{-\frac{Rt}{L}} = E(1 - e^{-\alpha t}) \rightarrow 2E \cdot e^{-\frac{Rt}{L}} = E :$$

$$\rightarrow e^{-\frac{Rt}{L}} = \frac{1}{2} \rightarrow -\frac{R}{L} t = \ln \frac{1}{2} \rightarrow t = \frac{L}{R} \cdot \ln 2 = \tau \cdot \ln 2$$

: \tau

$$t = 1,5ms :$$

$$t = \tau \cdot \ln 2 \rightarrow \tau = \frac{t}{\ln 2} = \frac{1,5}{\ln 2} = 2,16 ms :$$

$$\tau = \frac{L}{R} \rightarrow L = \tau \cdot R = 2,16 \times 10^{-3} \times 200 = 0,4H : L .$$

$$L \frac{di}{dt} + R \cdot i = E : : I_0 .7$$

$$R \cdot I_0 = E \rightarrow I_0 = \frac{E}{R} \quad \frac{di}{dt} = 0 \quad i = I_0$$

$$I_0 = \frac{10}{200} = 0,05A :$$

:

.8

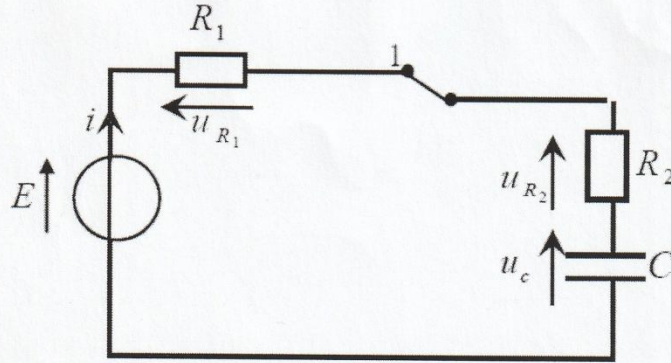
$$E_L = \frac{1}{2} Li^2 = \frac{1}{2} L \frac{E^2}{R^2} (1 - e^{-t/\tau})^2 \rightarrow E_L \left(\frac{\tau}{2} \right) = \frac{1}{2} L \frac{E^2}{R^2} (1 - e^{-\frac{\tau}{2\tau}})^2 = 7,5 \times 10^{-5} J$$

01 0.5 0.25	$[C_6H_8O_6]_f = C_1 - [H_3O^+]_f = 4.5 \times 10^{-2} - 10^{-3} = 4.4 \times 10^{-2} \text{ mol/l} \neq 0$ (6) $P^{K_a}(C_6H_8O_6 / C_6H_7O_6^-) < P^{K_a}(C_3H_6O_2 / C_3H_5O_2^-)$ (7 :
----------------------------------	--

الجزء الأول: (13 ن)

التمرين الأول: (6 ن)

1 - رسم الدارة الكهربائية:

أ - المعادلة التفاضلية التي تعبر عن تطور شدة التيار الكهربائي $i(t)$:بتطبيق قانون جمع التوترات نجد: $u_c(t) + u_{R_1}(t) + u_{R_2}(t) = E$

$$(R_1 + R_2)i(t) + \frac{q(t)}{C} = E \Rightarrow \frac{di(t)}{dt} + \frac{1}{(R_1 + R_2)C}i(t) = 0 \dots (1) \quad \text{ومنه نجد:}$$

$$u_{R_2}(t) = R_2 i(t) \Rightarrow i(t) = \frac{1}{R_2} \frac{du_{R_2}(t)}{dt} \quad \text{لدينا:}$$

بالتعويض في المعادلة (1) نجد:

$$\frac{du_{R_2}(t)}{dt} + \frac{1}{(R_1 + R_2)C}u_{R_2}(t) = 0 \dots (2) \quad \text{الإستنتاج:}$$

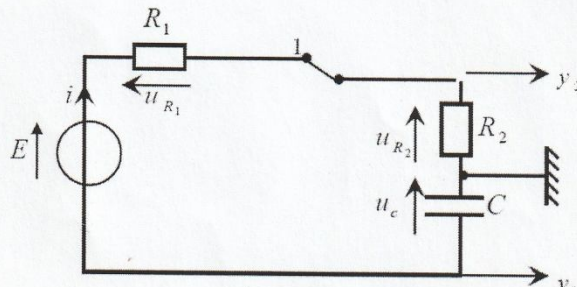
$$\text{ب - تعيين } k \text{ و } \beta \text{ بالتعويض في (2) نجد: } \beta = \frac{1}{(R_1 + R_2)C} = \frac{1}{\tau} \text{ و } k = R_2 I_0 = R_2 \cdot \frac{E}{R_1 + R_2}$$

$$u_{R_2} = R_2 I_0 e^{-\frac{t}{\tau}} = R_2 \cdot \frac{E}{R_1 + R_2} e^{-\frac{t}{\tau}} \quad \text{وعليه الحل هو:}$$

ج - عبارة التوتر الكهربائي بين طرفي المكثفة $u_c(t)$:

$$u_c(t) = E \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}\right)$$

2 - التركيب:

ب - المدخل y_1 يوافق المنحنى (a). والمدخل y_2 يوافق المنحنى (b).

التعليق: لما $t = 0$ يكون: $u_C(t=0) = 0$ و $u_{R_2}(t=0) = R_2 \cdot \frac{E}{R_1 + R_2} = R_2 \cdot I_0$

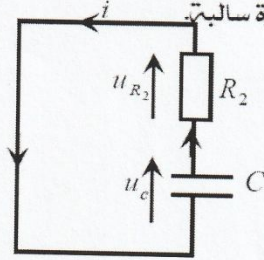
جـ- قيمة كل من: R_2 و C .

$$R_2 = \frac{(u_{R_2})_0}{I_0} = \frac{10}{0,08} = 125 \Omega \text{ وعليه: } I_0 = \left(\frac{u_{R_1}}{R_1} \right)_0 = \frac{(E - u_{R_2})}{R_1} = \frac{6}{75} = 0,08 A \text{ لدينا: } E = 16 V$$

$$\tau = (R_1 + R_2) \cdot C \Rightarrow C = 5000 \mu F \text{ و}$$

3- أ- إشارة التوتر u_{R_2} :

لدينا: $i(t) = \frac{dq(t)}{dt}$ إذن: $u_{R_2}(t) = R_2 \cdot i(t)$ وعليه $u_{R_2}(t)$ إشارة سالبة.
ب- الشكل:



جـ- قيمة اللحظة t_1 :

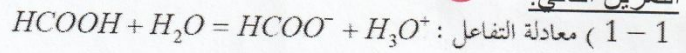
الطاقة المقدمة من طرف المولد (الطاقة الأعظمية) - الطاقة المخزنة في مكثفة + الطاقة المحولة بمفعول جول.

$$W_e + E_C(t) = E_{C \max} \Rightarrow E_{C \max} e^{-\frac{t}{\tau_2}} = E_{C \max} - W_e \text{ وعليه:}$$

$$E_{C \max} = E_C(t=0) = \frac{1}{2} C E^2 = 0,64 J \text{ حيث:}$$

$$t_1 = \frac{\tau_2}{2} \cdot \ln \left(\frac{E_{C \max}}{E_{C \max} - W_e} \right) \Rightarrow t_1 = \frac{\tau_2}{2} \cdot \ln 2 = 0,215 (s) \text{ ومنه:}$$

التمرين الثاني: 7



$$C_0 V_0 = C_A V \Rightarrow \frac{C_0}{C_A} = \frac{V}{V_0} = \frac{100}{2} = 50 \Rightarrow \frac{C_0}{C_A} = 50 \text{ لدينا من قانون التمديد: (2 - 1) العلاقة بين } C_0 \text{ و } C_A$$

$$pH = -\log [H_3O^+]_f \rightarrow (1) \text{ (3 - 1) حساب قيمة } pH \text{ المحلول } S_A \text{ لدينا:}$$

$$\sigma = \lambda_{H_3O^+} [H_3O^+]_f + \lambda_{HCOO^-} [HCOO^-]_f \rightarrow (2) \text{ ولدينا:}$$

$$\sigma = [H_3O^+]_f (\lambda_{H_3O^+} + \lambda_{HCOO^-}) \text{ وبالتعويض في العلاقة (2): } [H_3O^+]_f = [HCOO^-]_f$$

$$[H_3O^+]_f = \frac{\sigma}{(\lambda_{H_3O^+} + \lambda_{HCOO^-})} = \frac{0,25}{(35 + 5,46) \times 10^{-3}} = 6,18 \text{ mol} / \text{m}^3 = 6,18 \times 10^{-3} \text{ mol} / L \text{ ومنه:}$$

$$pH = -\log(6,18 \times 10^{-3}) \approx 2,2 \text{ و من العلاقة (1) نجد:}$$

(4 - 1) نسبة التقدم النهائي:

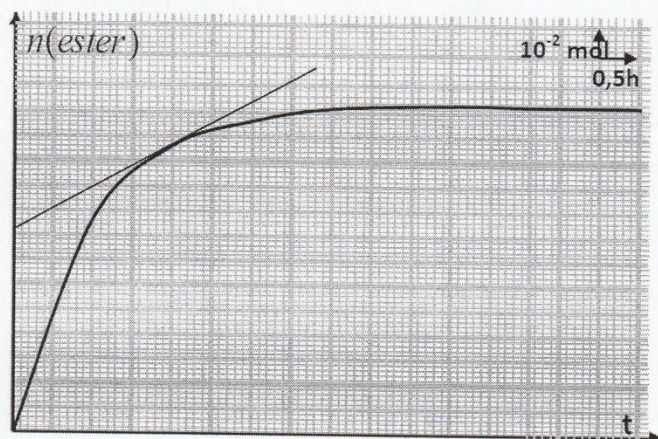
$$\tau_f = \frac{x_f}{x_{\max}} \Rightarrow \frac{[H_3O^+]_f \times V}{C_A V} = \frac{[H_3O^+]_f}{C_A} \text{ لدينا:}$$

$$\tau_f = \frac{[H_3O^+]_f \times 50}{C_0} \text{ فإن: } C_A = \frac{C_0}{50} \text{ و حيث أن:}$$

2- إتمام الجدول : (حمض متبقي) $n = 0,200 - n(\text{أستر متشكل}) = n(\text{حمض متفاعل})$

رقم الأنبوب	01	02	03	04	05	06	07	08
t (heure)	0	1	2	3	4	5	6	7
n (حمض) (mol)	0,200	0,114	0,084	0,074	0,068	0,067	0,067	0,067
n (أستر)	0	0,086	0,116	0,126	0,132	0,133	0,133	0,133

2- رسم المنحنى $n(\text{أستر}) = f(t)$.



3- جدول التقدم

(إنشاء جدول التقدم :

معادلة التفاعل	$HCOOH + R-OH = HCOO-R + H_2O$			
الحالة الابتدائية	$2 \cdot 10^{-1}$	$2 \cdot 10^{-1}$	0	0
الحالة الانتقالية	$2 \cdot 10^{-1} - x$	$2 \cdot 10^{-1} - x$	x	x
الحالة النهائية	$2 \cdot 10^{-1} - x_f$	$2 \cdot 10^{-1} - x_f$	x_f	x_f

4) استنتاج من البيان : أ) سرعة التفاعل $V(t=2h)$

من جدول التقدم : $x = n(\text{ester})$: $v = \frac{dx}{dt} = \frac{dn(\text{ester})}{dt}$ حيث $\frac{dx}{dt}$ يمثل ميل المماس للمنحنى عند اللحظة المعتبرة .

$$v = \frac{(11,6 - 8,2) \cdot 10^{-2}}{(4 - 0) \cdot 0,5} = 1,7 \times 10^{-2} \text{ mol} \cdot \text{h}^{-1}$$

ب) اللحظة التي يمكن أن نعتبر فيها أن التحول قد انتهى هي : $t = 5h$

ج) مردود الأسترة :

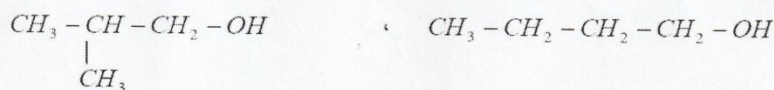
$$\tau_f = \frac{x_f}{x_{\max}} = \frac{0,133}{0,2} = 0,665 \approx 0,67 \quad \text{لدينا}$$

$$R\% = r_f \cdot 100 = 67\%$$

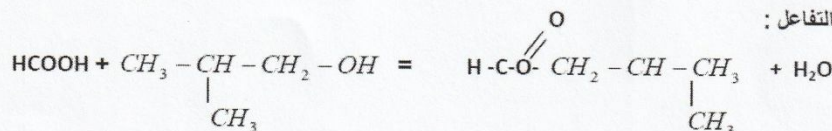
و منه

(د) صنف الكحول : حسب قيمة مردود الأسترة ، الكحول المستعمل أولي .

الصيغ نصف المفصلة للكحول الأولي المستعمل هي :



(5) كتابة معادلة التفاعل :



ميثانوات 2- ميثيل بروبيل

(6) توقع جهة تطور الجملة:

- لدينا المزيج الابتدائي متساوي المولات و الكحول أولي إذن ثابت التوازن :

$$K = Q_{r_f} = \frac{0,133^2}{0,067^2} \approx 4$$

عند الإضافة يكون :

معادلة التفاعل	الماء	+	الأستر	=	الكحول	+	الحمض
الحالة الابتدائية	0.133mol		(0,133 + 0,2) mol		0,067 mol		0,067 mol

$$Q_{r_i} = \frac{(0,133 + 0,2) \cdot 0,133}{0,067^2} \approx 9,87$$

نلاحظ أن $Q_{r_i} > K$ و منه نستنتج أن الجملة تتطور باتجاه إمالة الأستر.

التمرين التجريبي : الطريقة الأولى: (4 ن)

1- المرجع المناسب لدراسة حركة الكرية : سطحي أرضي

الفرضية : معلم غاليلي ساكن أو يتحرك حركة مستقيمة منتظمة .

2- أ- قيمة $v_L = 14 \text{ m/s}$ ، ب- ثابت الزمن $\tau = 1.4 \text{ s}$:

$$\left(\frac{dv}{dt} \right)_{t=0} = a_0 = \tan(\alpha) = \left(\frac{14-0}{1.4-0} \right) = 10 \text{ m/s}^2$$

نستنتج أن : $a_0 = g = 10 \text{ m/s}^2$

3- المعادلة التفاضلية : حسب القانون الثاني لنيوتن : $\sum \vec{F}_{ext} = m \vec{a}_G$

$$\vec{P} + \vec{f} = m \vec{a}_G$$

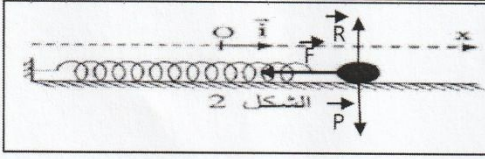
$$-Kv + mg = ma = m \frac{dv}{dt} \Rightarrow \frac{dv}{dt} = -\frac{K}{m}v + g$$

$$\begin{cases} A = -\frac{K}{m} \\ B = g \end{cases} \text{ حيث :}$$

5- إيجاد قيمة الكتلة m : $\tau = \frac{m}{K}$

$$m = \tau \cdot K = 1.4 \times 3.57 \times 10^{-2} = 0.05 \text{ kg} = 50 \text{ g}$$





II - المجموعة الثانية : دراسة حركة جملة مهتزة (نابض - كرية) (3ن)

1- تمثل القوة المؤثرة على الكرية عند الفاصلة (X) .

2- حركة الهزاز غير متخامدة ، التبرير : سعة الهزاز ثابتة مع مرور الزمن .

3- المعادلة التفاضلية لحركة الهزاز :

$$\sum \vec{F}_{ext} = m \vec{a}_G$$

حسب القانون الثاني لنيوتن : $\vec{P} + \vec{R} + \vec{F} = m \vec{a}_G$ بالاسقاط على المحور الموجه (x'x) نجد :

$$0 + 0 - Kx = m \frac{d^2x}{dt^2} \Rightarrow \frac{d^2x}{dt^2} + \frac{K}{m}x = 0$$

3- الدور الذاتي للحركة $T_0 = 0.2s$ ، نبض الحركة : $\omega_0 = \frac{2\pi}{T_0} = \frac{2\pi}{0.2} = 10\pi = 31.4 \text{ rad/s}$ ،

الصفحة الابتدائية : من الشروط الابتدائية : من معادلة المطال $x(t)$ من أجل $t=0$ نجد : $\cos(\varphi_0) = 1 \Rightarrow \varphi_0 = 0$

أو من معادلة السرعة $v(t)$ من أجل $t=0$ نجد : $\sin(\varphi) = 0 \Rightarrow \varphi = 0$

4- إيجاد قيمة الكتلة m : $\omega_0 = \sqrt{\frac{k}{m}} \Rightarrow m = \frac{K}{\omega_0^2} = \frac{50}{10^2 \pi^2} = \frac{50}{1000} = 50 \cdot 10^{-3} \text{ Kg} = 50 \text{ g}$

و هي نفس القيمة المحسوبة سابقا تقريبا في حدود أخطاء القياس.